


الصفحة 1/2	المستوى : الثانية علوم مدة الإنجاز : ساعتان بتاريخ : 19 ماي 2015	الفرض الموحد الثالث الدورة الثانية	 السنة الدراسية : 2015/2014
---------------	--	---------------------------------------	---

التقيط

## التمرين 1

يحتوي صندوق على 4 كرات حمراء و 3 بيضاء وكرة واحدة خضراء .

1. نسحب 3 كرات من الصندوق على التوالي وبدون إحلال .  
نعتبر الأحداث التالية .

" A " الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون " .

" B " الحصول على كرة حمراء على الأقل " .

" C " الحصول على كرتين من اللون الأحمر وكرة بيضاء " .

أ. أحسب  $p(A)$  و  $p(B)$  .

ب. بين  $p(C) = \frac{9}{28}$

ج. نعيد التجربة بتتابع خمس مرات مع إعادة الكرات المسحوبة إلى الصندوق احسب

احتمال وقوع الحدث C ثلاثة مرات بالضبط .

2. نسحب تانيا ثلاث كرات من الصندوق ، ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد

الكرات البيضاء المسحوبة .

نعتبر الأحداث التالية .

" D " الحصول على كرتين من اللون الأبيض بالضبط " .

" E " عدم الحصول على أي كرة بيضاء " .

أ. بين  $p(D) = \frac{15}{56}$  و  $p(E) = \frac{5}{28}$

إ. إعط قانون احتمال المتغير العشوائي .

ب. بين أن  $E(X) = \frac{9}{8}$

## التمرين 2

الفضاء منسوب للمعلم المتعامد الممنظم المباشر  $(O, \bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$

1. لتكن  $(S)$  مجموعة النقط  $M(x, y, z)$  من الفضاء التي تحقق :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y + 2z - 1 = 0$$

بين أن  $(S)$  فلكة مركزها  $\Omega(1, 1, -1)$  وشعاعها  $R = 2$

2. ليكن المستوى  $(P): 2x + y - 2z - 3 = 0$

أ. تحقق من أن  $d$  مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستوى  $(P)$  هي  $\frac{2}{3}$  .

ب. استنتج أن المستوى  $(P)$  يقطع الفلكة  $(S)$  وفق دائرة  $(\Gamma)$  شعاعها  $r = \frac{4\sqrt{2}}{3}$  .

ج. أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(D)$  المار  $\Omega$  العمودي على المستوى  $(P)$

د. بين أن مركز الدائرة  $(\Gamma)$  هو  $\omega\left(\frac{5}{9}, \frac{7}{9}, -\frac{5}{9}\right)$

يتبع

### التمرين 3

لتكن الدالة  $f$  العددية لمتغير عدد حقيقي المعرفة على  $I = ]-1, +\infty[$  ب :  $f(x) = e^x + \frac{x}{x+1}$

(C) منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  حيث  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 2cm$

1. أ. أحسب  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$  و ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها .

ب. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$  ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها .

2. أ. بين أن  $(\forall x \in I) : f'(x) = e^x + \frac{1}{(x+1)^2}$  ثم استنتج تغيرات  $f$  على  $I$  .

ب. أكتب معادلة المستقيم  $(T)$  المماس للمنحنى (C) في النقطة التي أفصولها 0 .

ج. بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال  $] -0,5; 0[$  .

3. أ. أحسب  $f(1)$

ب. أنشئ المستقيم  $(T)$  و المنحنى (C)

4. أ. تحقق من أن  $\forall x \in [0, +\infty[ : \frac{x}{x+1} = 1 - \frac{1}{x+1}$  .

ب. أحسب التكامل  $\int_0^1 \frac{x}{x+1} dx$

ج. أحسب مساحة الحيز المحصور بين (C) و محور الأفاصيل و المستقيمان  $x = 0$  و

$x = 1$